

Soluções

I

$$x_0 = 1$$

$$x_1(t) = 1 + \frac{t^2}{2}$$

1.a)

$$x_2(t) = 1 + \frac{t^2}{2} + \frac{t^4}{2.4}$$

$$x_3(t) = 1 + \frac{t^2}{2} + \frac{t^4}{2.4} + \frac{t^6}{2.4.6}$$

$$x_n(t) = 1 + \frac{t^2}{2} + \frac{(t^2/2)^2}{2!} + \frac{(t^2/2)^3}{3!} + \dots + \frac{(t^2/2)^n}{n!}$$

b)

$$x(t) = \lim_{n \rightarrow +\infty} x_n(t) = \lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{j=0}^n \frac{(t^2/2)^j}{j!} = \sum_{j=0}^{\infty} \frac{(t^2/2)^j}{j!} = e^{t^2/2}$$

2. $z(t) = C/t^2 + 1/t$

$x(t) = C_1 t e^{C_2/t}$ com $C_1, C_2 \in \mathfrak{R}$

$$e^{At} = e^{-t} \begin{bmatrix} 1+3t & -3t \\ 3t & 1-3t \end{bmatrix}$$

3.a)

$$\begin{bmatrix} x(t) \\ y(t) \end{bmatrix} = e^{-t} \begin{bmatrix} x_0(1+3t) - 3ty_0 \\ 3tx_0 + y_0(1-3t) \end{bmatrix}$$

b) $x_0, y_0 \in \mathfrak{R}$

4.a) $\overline{x(t)} = 3$ é um esquadro, assintoticamente estável

$\overline{x(t)} = -3$ é uma fonte, instável

- b) F , seja $\varphi(t) = -3$
 V , seja $\varphi(t) = -3$

II

a) $x_{n+2} - 2x_{n+1} + x_n = 0$

$$x_n = n$$

b)
$$\begin{bmatrix} x_n \\ y_n \\ z_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} n \\ n-2 \\ 1-n \end{bmatrix}$$

III

a) $k\pi$ com $k \neq 0$ e $\frac{\pi}{4}$ são pólos simples, 0 é pólo de ordem 2

b) 0 , aplicável o teorema de Cauchy